PACS Numbers: 61.05.cc, 61.72. Dd, 61.72.jj, 61.72.Nn, 61.72.Qz, 61.72.uf, 61.80.Fe, 61.82.Fk

# РЕНТГЕНІВСЬКА ДИФРАКТОМЕТРІЯ ЗМІН МІКРОДЕФЕКТНОЇ СТРУКТУРИ КРИСТАЛІВ КРЕМНІЮ ПІСЛЯ ОПРОМІНЕННЯ ВИСОКОЕНЕРГЕТИЧНИМИ ЕЛЕКТРОНАМИ

І.М.Фодчук, Т.П.Владімірова\*), В.В. Довганюк, О.В. Решетник\*), В.П.Кладько\*\*), В.Б.Молодкін\*), С.Й.Оліховський\*), Є.М.Кисловський\*), Є.В.Кочелаб\*), Т.В. Литвинчук, Р.Ф.Середенко\*), 2010

Чернівецький національний університет імені Юрія Федьковича, 2, вул.Коцюбинського, м.Чернівці, 58012, Україна,

\*)Інститут металофізики ім.Г.В.Курдюмова НАН України, 36, бульв.Вернадського, м.Київ-142, UA-03680, Україна

\*\*<sup>)</sup>Інститут фізики напівпровідників ім.В.Є. Лашкарьова НАН України, 41, просп. Науки, Київ-028, UA-03028, Україна

# X-RAY DIFFRACTOMETRY OF TRANSFORMATIONS OF MICRODEFECT STRUCTURE OF SILICON CRYSTALS AFTER HIUH-ENERGY ELECTRON IRRADIATION

I.M. Fodchuk, T. P. Vladimirova, V.V. Dovganyuk, O.V. Reshetnyk, V.P. Klad'ko, V. B. Molodkin, S. I. Olikhovskii, E. N. Kislovskii, E. V. Kochelab, T.V. Lytvynchuk, R. F. Seredenko, 2010

високороздільної рентгенівської дифрактометрії Методами проведено кількісну характеризацію складних мікродефектних структур у кристалах кремнію, вирощених за методом Чохральського і опромінених різними дозами електронів високоенергетичних (18)MeB). Ha основі результатів характеризації, що проводилась з використанням формул статистичної динамічної теорії дифракції рентгенівських променів у недосконалих кристалах з випадково розподіленими мікродефектами декількох типів, залежності концентрацій визначено дозові та середніх розмірів дислокаційнних петель і приєднаних до них після опромінення міжвузольних атомів кремнію.

Методами высокоразрешающей рентгеновской дифрактометрии проведено количественную характеризацию сложных микродефектных структур в кристаллах кремния, выращенных по методу Чохральского и облученных разными дозами высокоэнергетических электронов (18 МэВ). На основе результатов характеризации, которая проводилась с использованием формул статистической динамической теории дифракции рентгеновских лучей в несовершенных кристаллах со случайно распределенными микродефектами нескольких типов, определены дозовые зависимости концентраций и средних размеров дислокационных петель и присоединенных к ним междоузельных атомов кремния.

The quantitative characterization of complex microdefect structures in silicon crystals grown by Czochralski method and irradiated with various doses of highenergy electrons (18 MeV) has been performed by methods of the high-resolution X-ray diffractometry. Dose dependencies of concentrations and average sizes of dislocation loops and attached interstitial silicon atoms have been determined on the base of characterization results obtained by using the formulas of the statistical dynamical theory of X-ray diffraction by imperfect crystals with randomly distributed microdefects of several types.

*Ключові слова:* трикристальний рентгенівський дифрактометр, дифузне розсіяння, дифракційний профіль, кремній, преципітат кисню, дислокаційна петля, електронне опромінення, радіаційні дефекти

## 1. Вступ

Дослідження змін структури і фізичних властивостей кристалів кремнію [1-23] та інших напівпровідникових матеріалів [24-35] під дією опромінення електронами має важливе як наукове, так і практичне значення. Воно обумовлене тим, що для розвитку сучасних технологій виробництва приладів мікро- і наноелектроніки, оптоелектроніки, сенсорів і датчиків і т. п. необхідно вдосконалювати відомі та створювати нові способи виготовлення матеріалів із наперед заданими фізичними властивостями. Розробка таких способів тісно пов'язана зі знанням механізмів утворення первинних і вторинних радіаційних дефектів та їх взаємодії з ростовими мікродефектами. Таке знання дозволяє керованим чином впливати на структурні зміни та пов'язані з ними механічні, електрофізичні, оптичні та інші фізичні властивості створюваних функціональних матеріалів [14, 18, 20, 22, 24-31]. Експериментальні дослідження утворення і трансформацій дефектів у напівпровідниках після опромінення електронами стосуються переважно точкових дефектів і їх дрібних комплексів з атомами домішок. Для спостереження цих дефектів використовуються методи нестаціонарної спектроскопії глибоких рівнів [3, 8, 11-16, 35], електронного парамагнітного резонансу [17], інфрачервоного поглинання [21] та інші спектроскопічні методи. Невеликі кластери власних точкових дефектів та включень частинок нових фаз в опромінених електронами кристалах напівпровідників спостерігають також за допомогою методів просвічуючої електронної мікроскопії [1, 4-6] та диференційної рентґенівської дифрактометрії [36,37].

Набагато менше робіт присвячено спостереженню в таких кристалах крупних ростових мікродефектів та аналізу їх взаємодії з первинними радіаційними дефектами (див., наприклад, [38-40]). Можливою причиною цього може бути те, що відповідні дослідження можна здійснити тільки методами високороздільної рентгенівської дифрактометрії з використанням результатів статистичної динамічної теорії дифракції рентгенівських променів у недосконалих кристалах, яка була розроблена відносно недавно і дає самоузгоджений опис когерентної і дифузної компонент дифракції у кристалах з кількома типами дефектів довільних розмірів [41-43].

Мета даної роботи полягає у встановленні з допомогою методів високороздільної рентгенівської дифрактометрії змін концентрацій та розмірів домінуючих типів мікродефектів у монокристалах кремнію, методом Чохральського, після опромінення вирощених ïΧ 3a високоенергетичними електронами. Тим самим буде з'ясовано роль цих мікродефектів у формуванні балансів первинних і вторинних радіаційних дефектів та в утворенні остаточних розподілів електрично активних центрів та пасток. Врахування взаємодії точкових і мікродефектів дозволить більш коректно кількісно описувати результати досліджень іншими методами впливу опромінення високоенергетичними частками на дефектно-домішкову структуру монокристалів кремнію та інших напівпровідникових структур.

Статтю організовано наступним чином. У розд. 2 описано досліджувані зразки та деталі дифракційних вимірювань. В розд. 3 наведено аналітичні вирази теоретичної моделі динамічної рентгенівської дифрактометрії складних дефектних структур у недосконалих кристалах, які описують диференційні розподіли інтенсивності когерентного і дифузного розсіяння (ДР) від мікродефектів різних типів з врахуванням інструментальних особливостей трикристального дифрактометра (ТКД). З допомогою цих виразів проведено аналіз виміряних мап оберненого простору для досліджуваних зразків, а також відповідних дифракційних профілів, виміряних в режимі  $\omega$ -2 $\theta$ -сканування. В розд. 4. наведено аналогічні аналітичні вирази для опису кривих дифракційного відбиття (КДВ), які вимірюються від досліджуваних кристалів на високороздільному двокристальному дифрактометрі (ДКД) з широко відкритим вікном детектора. З використанням цих виразів проаналізовано виміряні КДВ і уточнено характеристики дефектних структур в досліджуваних зразках. В розд. 4 міститься резюме і короткі висновки з отриманих результатів.

### 2. Експеримент

Кристали для досліджень мали майже однакову товщину й були вирізані з одного зливка кремнію, вирощеного за методом Чохральського. Два кристали було опромінено високоенергетичними електронами (Е~18 МеВ) дозами 1,8 і 3,6 кГрей (відповідно зразки № 1А і 1Б, див. Табл. 1). Опромінювання високоенергетичними електронами проводилось в Інституті електронної фізики (м. Ужгород).

Дифракційні вимірювання проводились на високороздільному рентгенівському дифрактометрі *PANalytical X`Pert Pro MRD XL*. В цьому дифрактометрі в якості коліматора використовуються два щілинні монохроматори Ge з двократним відбиттям (220), які розташовані в дисперсійному положенні один відносно одного, а в якості аналізатора – щілинний монохроматор Ge з трикратним відбиттям (220).

Вимірювання мап оберненого простору від досліджуваних зразків здійснювалось для симетричного відбиття Si(333). Крім того, проводились вимірювання дифракційних профілів для симетричних відбиттів (111) і (333) від досліджуваних зразків в режимі  $\theta$ -2 $\theta$ - сканування, а також вимірювання їх КДВ за відсутності кристала-аналізатора і при широко відкритому вікні детектора.

## 3. Теорія дифракційних вимірювань

### 3.1. Мапи оберненого простору

При дослідженні недосконалих монокристалів з дефектами мапи оберненого простору, які реєструється детектором ТКД, є результатом інтегрування розподілів інтенсивності, що дифрагована третім кристаломаналізатором, по горизонтальній і вертикальній розбіжностях. Ці розподіли

залежать від двох кутових змінних, а саме, відхилень  $\Delta \theta$  і  $\Delta \theta'$  досліджуваного зразка і кристала-аналізатора від їх точних відбиваючих положень [43 – 45]:

$$I(\Delta\theta, \Delta\theta') = I_{\rm B}(\Delta\theta, \Delta\theta') + I_{\rm D}(\Delta\theta, \Delta\theta').$$
(1)

Коли в ТКД застосовується бездисперсійна схема (n, -n, n), то когерентна  $(I_{\rm B})$  і дифузна  $(I_{\rm D})$  компоненти вимірюваної інтенсивності описуються виразами:

$$I_{\rm B}(\Delta\theta,\Delta\theta') = I_0 \int_{-\infty}^{\infty} dx \ R_{\rm M} \left\{ b_{\rm M}^{-1} \left[ b_{\rm S}^{-1} (x - \Delta\theta) - \Delta\theta \right] \right\} R_{\rm coh} \left[ b_{\rm S}^{-1} (x - \Delta\theta) \right] R_{\rm A} \left( x - \Delta\theta' \right), \ (2)$$

$$I_{\rm D}(\Delta\theta,\Delta\theta') = I_0 \int_{-\infty}^{\infty} dx \, R_{\rm M} \left\{ b_{\rm M}^{-1} \left[ b_{\rm S}^{-1} (x - \Delta\theta) - \Delta\theta \right] \right\}_{-\infty}^{\infty} dx' r_{\rm diff} \left( k_x, k_z \right) R_{\rm A} \left( x' - \Delta\theta' \right), \quad (3)$$

де  $I_0$  – інтенсивність рентгенівських променів, що падають на зразок,  $R_M$  і  $R_A$  – коефіцієнти відбиття відповідно монохроматора і аналізатора, а  $b_M$  і  $b_S$  – параметри асиметрії монохроматора і досліджуваного кристала. У випадку квазибездисперсійної схеми (m, -n, m), яка використовувалася в проведених вимірюваннях, строго кажучи, необхідно проводити інтегрування не тільки по горизонтальній, але й по вертикальній розбіжності і по довжині хвилі. Щоправда, завдяки застосуванню багатократних відбиттів у монохроматорі та аналізаторі вплив ефектів дисперсії на дифракційну картину значно зменшується, завдяки чому можна обмежуватись інтегруваннями у вигляді (2) і (3).

Функція  $r_{\rm diff}$  у виразі (3) є диференційною дифузною компонентою коефіцієнта відбиття досліджуваного кристала, яку проінтеґровано по вертикальній розбіжності дифузно розсіяних променів  $\varphi = k_y / K$ :

$$r_{\rm diff}\left(k_x, k_z\right) = K^{-1} \int dk_y R_{\rm D}(\mathbf{k}), \qquad (4)$$

де  $K = 2\pi/\lambda$ , довжина хвилі рентгенівського випромінювання. Компоненти  $k_x$ і  $k_z$  вектора  $\mathbf{k} = (k_x, k_y, k_z)$  лежать в площині когерентного розсіяння (**K**, **H**), компонента  $k_z$  направлена вздовж нормалі **n** до вхідної поверхні кристала, а компоненти  $k_x$  і  $k_y$  лежать на поверхні кристала. Вектор **k** описує відхилення хвильового вектора дифузно розсіяної хвилі **K**' в оберненому просторі від вузла оберненої гратки *H* і його компоненти  $k_x$  і  $k_z$  зв'язані простими співвідношеннями з кутовими відхиленнями в площині розсіяння хвильових векторів **K** падаючого (x) і **K**' розсіяного (x') променів від точних бреггівських напрямків. В симетричному випадку дифракції за Бреггом ці співвідношення мають вигляд:

$$k_{x} = K(2\Delta\theta + x - x')\sin\theta_{B},$$
  

$$k_{z} = -K(x + x')\cos\theta_{B}.$$
(5)

де  $\theta_{\rm B}$  – кут Брегта.

Якщо півширина функції  $r_{\rm diff}$  у виразі (3) набагато більша півширин коефіцієнтів відбиття  $R_{\rm M}$  і  $R_{\rm A}$ , то останні можна замінити  $\delta$ -функціями і тоді

$$I_{\rm diff}\left(\Delta\theta,\Delta\theta'\right) \approx I_0 R_{i\rm M} R_{i\rm A} r_{\rm diff}\left(k_x,k_z\right),\tag{6}$$

де аргументи описуються виразами:

$$k_{x} = K(2\Delta\theta - \Delta\theta')\sin\theta_{\rm B},$$

$$k_{z} = -K\Delta\theta'\cos\theta_{\rm B}.$$
(7)

а  $R_{iM}$  і  $R_{iA}$  – інтегральні відбивні здатності монохроматора і аналізатора.

Після інтегрування у виразі (4) по вертикальній розбіжності  $k_y$  функція  $r_{\rm diff}$  в області розсіяння Хуаня ( $p \le k_{\rm m}$ ) має вигляд:

$$r_{\text{diff}}(\mathbf{p}) = M[A_{\text{H}}(\mathbf{p}) + A_{\text{S-W}}(\mathbf{p}) + A_{\text{a}}(\mathbf{p})], \qquad (8)$$

$$A_{\rm H}(\mathbf{p}) = \frac{K}{\pi \sqrt{p^2 + \mu^2}} \left( 2\beta_1 + a_p \beta_2 \right) \operatorname{arctg} \frac{\sqrt{k_{\rm m}^2 - p^2}}{\sqrt{p^2 + \mu^2}}, \qquad (9)$$

$$A_{\rm S-W}(\mathbf{p}) = \frac{K}{\pi\sqrt{p^{2} + \mu^{2}}} \left(\beta_{1} + \frac{3}{4}a_{p}\beta_{2}\right) \cdot \left[ \left(\frac{\pi}{2} - \arctan\frac{\sqrt{k_{\rm m}^{2} - p^{2}}}{\sqrt{p^{2} + \mu^{2}}}\right) \frac{k_{\rm m}^{2}}{p^{2} + \mu^{2}} - \frac{\sqrt{k_{\rm m}^{2} - p^{2}}}{\sqrt{p^{2} + \mu^{2}}} \right] + K_{\rm max} \theta_{\rm max} \sqrt{k_{\rm m}^{2} - p^{2}}$$
(10)

$$A_{a}(\mathbf{p}) = \frac{K}{\pi H} \beta_{3} \left[ \ln \frac{\sqrt{k_{m}^{2} + \mu^{2}} + \sqrt{k_{m}^{2} - p^{2}}}{\sqrt{k_{m}^{2} + \mu^{2}} - \sqrt{k_{m}^{2} - p^{2}}} + \frac{2k_{m}^{2}}{p^{2} + \mu^{2}} \left( 1 - \frac{\sqrt{k_{m}^{2} - p^{2}}}{\sqrt{k_{m}^{2} + \mu^{2}}} \right) \right]; \quad (11)$$

а в області розсіяння Стокса-Вільсона ( $p \ge k_{\rm m})$ :

$$r_{\rm diff}(\mathbf{p}) = MB_{\rm S-W}(\mathbf{p}), \qquad (12)$$

$$B_{\rm s-w}(\mathbf{p}) = \frac{Kk_{\rm m}^2}{2(p^2 + \mu^2)^{3/2}} \left(\beta_1 + \frac{3}{4}a_p\beta_2\right),$$
(13)

де  $\mathbf{p} = k_x \mathbf{e}_x + k_z \mathbf{e}_z$ ,  $\mathbf{e}_x$  і  $\mathbf{e}_z \equiv \mathbf{n}$  – орти в площині розсіяння,  $k_m = 1/R^{\text{eff}}$  – радіус межі в просторі оберненої ґратки між областями розсіяння Хуаня і Стокса-Вільсона.

Ефективний радіус дислокаційних петель описується виразом  $R_{\rm L}^{\rm eff} = R_{\rm L} \sqrt{H|\mathbf{b}|} E$ , де  $R_{\rm L}$  – радіус петель, H – модуль вектора оберненої ґратки, **b** – вектор Бюргерса, E – статичний фактор Дебая-Валера.

Ефективний радіус кластерів має вигляд  $R_{\rm C}^{\rm eff} = \sqrt{H|A_{\rm C}|E}$ , де величина  $A_{\rm C} = \Gamma \varepsilon R_{\rm C}^3$  – потужність кластера,  $\Gamma = (1 + \nu)(1 - \nu)^{-1}/3$ ,  $\varepsilon$  – деформація на межі кластера з матрицею,  $R_{\rm C}$  – радіус сферичного кластера,  $\nu$  – коефіцієнт Пуассона.

У формулах (8) – (13) використано також позначення:

$$M = cm_0 C^2 E^2 B (2\gamma_0 \mu)^{-1}, \qquad \beta_i = B_i / B, \ i = \overline{1, 3}$$
(14)

$$m_{0} = \frac{\pi}{4} v_{c} \left( H |\chi_{H}| / \lambda \right)^{2}, \qquad a_{p} = \frac{(\mathbf{H}_{0} \mathbf{p})^{2}}{p^{2} + \mu^{2}}, \qquad (15)$$

де  $\mathbf{H}_0 = \mathbf{H}/H$  – одиничний вектор, *c* – концентрація дефектів на один вузол кристалічної ґратки,  $v_c$  – об'єм елементарної комірки,

Константи *B*<sub>1</sub> і *B*<sub>2</sub> у виразі (14) мають різний вигляд для різних типів мікродефектів [46, 47], а саме, для сферичних кластерів

$$B_1 = 0, \quad B_2 = (4\pi A_c / v_c)^2, \tag{16}$$

а для дислокаційних петель

$$B_{1} = \frac{4}{15} \left( \pi |\mathbf{b}| R_{\rm L}^{2} / v_{c} \right)^{2}, \quad B_{2} = \beta B_{1}, \quad \beta = \frac{1}{4} \left( 3v^{2} + 6v - 1 \right) / \left( 1 - v \right)^{2}, \quad (17)$$

Константа  $B_3$  у виразі для антисиметричної компоненти (11) має вигляд  $B_3 = 2L_{\rm H}\sqrt{B}/c$ , де для випадку кластерів  $B = B_2$ , а для випадку дислокаційних петель  $B = B_1$ .

Для кластерів з більш низькою симетрією, наприклад, дископодібних частинок нової фази (преципітатів), які залягають в площинах {100} кубічного кристала, більш адекватною моделлю для опису ДР будуть вирази (8) – (14) з коефіцієнтами  $B_1 = B_2$ , в яких потужність кластера визначається як  $A_{\rm C} = 3\Gamma \varepsilon V_{\rm C} / (4\pi)$ , де  $V_{\rm C} = \pi R_{\rm C}^2 d$  - об'єм, d – товщина преципітата.

Також у випадку крупних дислокаційних петель для більш точного опису форми розподілів інтенсивності ДР необхідно враховувати дискретність їх орієнтацій. Відповідні формули, які є більш громіздкими у порівнянні з (8) – (13), можна знайти в роботах [48, 49].

У формулах (9) – (11) і (13) – (15) інтерференційний коефіцієнт поглинання  $\mu$  грає роль параметра обрізання і усуває розбіжність при  $p \to 0$ ,

яка існує в аналогічних формулах кінематичної теорії. Його залежність від кутових змінних описується виразом:

$$\mu = \frac{\mu_0}{2\gamma_0} \frac{1+b}{2} \frac{E}{|g|} [r_i(z) + r_i(z')], \qquad r_i(z) = \sqrt{\frac{1}{2}(\sqrt{u^2 + v^2} - u)}, \tag{18}$$
$$u(z) = (z^2 - g^2)E^{-2} + \kappa^2 - 1, \qquad v(z) = 2(zgE^{-2} - p),$$

де нормовані змінні та параметри означено наступним чином:

$$z = \frac{\Delta\theta \sin(2\theta_{\rm B})}{C|\chi_{\rm rH}|} \sqrt{b}, \qquad z' = \frac{(\Delta\theta' - 2\Delta\theta) \sin(2\theta_{\rm B})}{C|\chi_{\rm rH}|} \sqrt{b}, \qquad (19)$$
$$g = -|\chi_{i0}| \frac{1+b^{-1}}{2C|\chi_{\rm rH}|} \sqrt{b}, \qquad \kappa = \frac{|\chi_{\rm iH}|}{|\chi_{\rm rH}|}, \qquad p = \frac{\chi'_{\rm rH}\chi'_{\rm iH} + \chi''_{\rm rH}\chi''_{\rm iH}}{|\chi_{\rm rH}|^2},$$

При наявності у кристалі випадково розташованих дефектів декількох типів α з розподілами за розмірами *i* дифузна компонента коефіцієнта відбиття (4) описується виразом (порівн. [46, 47]):

$$r_{\rm diff}\left(\mathbf{p}\right) = \sum_{\alpha} \sum_{i} r_{diff}^{\alpha i}\left(\mathbf{p}\right),\tag{20}$$

де  $r_{diff}^{\alpha i}(\mathbf{p})$  – дифузна компонента коефіцієнта відбиття для дефектів типу  $\alpha$  з *i*-м розміром.

Аналогічно, показник статичного фактора Дебая-Валера за відсутності кореляцій в розташуванні дефектів складається з суми внесків кожної популяції дефектів {*αi*}:

$$L_{\rm H} = \sum_{\alpha} \sum_{i} L_{\rm H}^{\alpha i} \,. \tag{21}$$

Детальні вирази для показника статичного фактора Дебая-Валера для різних типів дефектів можна знайти у відомих джерелах [46, 47, 50].

Слід зауважити, що при наявності у кристалі кількох типів дефектів слід очікувати, що найкраще на мапах будуть розрізнятися дефекти середніх і крупних розмірів завдяки створюваним ними вузьким і високим розподілам інтенсивності ДР (див. рис. 1).

#### 3.2. Дифракційний профіль при *w*-2*9* скануванні

При вимірюваннях на ТКД в режимі  $\omega$ -2 $\vartheta$  сканування детектор реєструє дифракційний профіль, який описується виразом (1) при  $\Delta \theta' = 2 \Delta \theta$  і після нормування на інтенсивність променів, що падають на досліджуваний зразок, у випадку поляризованого випромінювання має вигляд:

$$R_{\rm TCD}(\Delta\theta) = I(\Delta\theta, 2\Delta\theta) / (I_0 R_{i\rm M}) = [I_{\rm B}(\Delta\theta, 2\Delta\theta) + I_{\rm D}(\Delta\theta, 2\Delta\theta)] / (I_0 R_{i\rm M}), \qquad (22)$$

тобто, в цей дифракційний профіль, крім когерентної робить внесок також і дифузна компонента. В умовах симетричної геометрії дифракції за Брегтом на монохроматорі та досліджуваному зразку, коли  $b_s = b_M = 1$ , будемо мати (див. також [51]):

$$I_{\rm B}(\Delta\theta, 2\Delta\theta) = I_0 \int_{-\infty}^{\infty} dx \ R_{\rm M} \left( x - 2\Delta\theta \right) R_{\rm coh} \left( x - \Delta\theta \right) R_{\rm A} \left( x - 2\Delta\theta \right), \tag{23}$$

$$I_{\rm D}(\Delta\theta,\Delta\theta') \approx I_0 R_{\rm iM} \int_{-\infty}^{\infty} dx' r_{\rm diff}(k_x,k_z) R_{\rm A}(x'-2\Delta\theta), \qquad (24)$$

де компоненти вектора k мають вигляд:

$$k_x = K(2\Delta\theta - x')\sin\theta_{\rm B}, \qquad k_z = -Kx'\cos\theta_{\rm B}.$$
 (25)

Тоді у випадку неполяризованого випромінювання отримаємо вираз для нормованого дифракційного профілю:

$$R_{\rm TCD}(\Delta\theta) = \sum_{j} \int_{-\infty}^{\infty} dx' \Big[ \rho R_{\rm M}^{(j)} \big( x' - 2\Delta\theta \big) R_{\rm coh}^{(j)} \big( x' - \Delta\theta \big) + \rho_{j} r_{\rm diff}^{(j)} \big( k_{x}, k_{z} \big) \Big] R_{\rm A}^{(j)} \big( x' - 2\Delta\theta \big), \quad (26)$$

де сумування ведеться по  $\sigma$ - і  $\pi$ -поляризаціях, а вагові множники поляризації означено як

$$\rho = 1 / \left( R_{_{\rm IM}}^{(\sigma)} + R_{_{\rm IM}}^{(\pi)} \right), \qquad \rho_j = R_{_{\rm IM}}^{(j)} / \left( R_{_{\rm IM}}^{(\sigma)} + R_{_{\rm IM}}^{(\pi)} \right). \tag{27}$$

Інтегрування дифузної компоненти по куту виходу у виразі (26) було залишено для того, щоб згладити екстинкційні ефекти, які спостерігаються на дифракційному профілі в області повного відбиття.

Як видно з виразів (26) і (27), за рахунок нерівності  $\rho_j \ll \rho$  дифузна компонента в дифракційному профілі  $\omega$ -2 $\vartheta$ -сканування буде дуже сильно пригніченою у порівнянні з когерентною компонентою (див. рис. 2). В зв'язку з цим слід очікувати, що основний вплив дефектів на дифракційні профілі  $R_{\rm TCD}$  буде здійснюватись через статичний фактор Дебая-Валера і коефіцієнт поглинання внаслідок ДР, які входять у когерентну компоненту і спричинюють її ослаблення.

#### 3.3. Криві дифракційного відбиття

У випадку брегт-дифракції рентгенівських променів в монокристалі з однорідно розподіленими дефектами дифузна компонента КДВ, що вимірюється на ТКД з усунутим аналізатором і при широко відкритому вікні детектора, може бути виражена через уявну частину дисперсійної поправки внаслідок ДР до хвильового вектора когерентних хвиль [46, 47]:

$$R_{\rm diff}(\Delta\theta) = F_{\rm dyn}(\Delta\theta)\mu_{\rm HH}(\Delta\theta) / (2\gamma_0\mu_{\rm i})$$
(28)

де  $F_{\rm dyn} \sim 1$  – динамічний інтерференційний множник,  $\gamma_0$  – направляючий косинус хвильового вектора падаючої плоскої хвилі,  $\mu_{\rm i}$  – інтерференційний множник, який можна оцінити в області повного відбиття як  $\mu_{\rm i} \sim \pi/\Lambda$ , а поза нею як  $\mu_{\rm i} \approx (1+b)\mu_0/(2\gamma_0)$ .

Дисперсійна поправка  $\mu_{\rm HH}$  в (28) безпосередньо пов'язана з коефіцієнтом екстинкції внаслідок ДР  $\mu_{\rm ds}$  і при наявності у кристалі випадково розташованих дефектів декількох типів  $\alpha$  з розподілами за розмірами *і* описується виразом [46, 47]:

$$\mu_{\rm HH}(\Delta\theta) = \mu_{\rm ds}(k_0) = \sum_{\alpha} \sum_{i} \mu_{\rm ds}^{\alpha i}(k_0)$$
(29)

де  $\mu_{ds}^{\alpha i}$  – коефіцієнт поглинання внаслідок ДР від дефектів типу  $\alpha$  з *i*-м розміром,  $k_0 = K \Delta \theta \sin(2\theta_B)$ ,  $K = 2\pi/\lambda$ ,  $\lambda$  – довжина хвилі рентгенівського випромінювання,  $\theta_B$  – кут Брега.

Вирази (28) і (29) дозволяють описувати кутові розподіли дифузної компоненти КДВ, яка складається з внесків декількох типів дефектів з розподілами за розмірами. Крім того, вираз (29) описує також поглинання когерентної компоненти КДВ внаслідок ДР. Як наслідок, формули (28) і (29) дозволяють проводити самоузгоджений кількісний опис КДВ, які вимірюються від монокристалів зі складною дефектною структурою.

#### 4. Аналіз вимірювань і обговорення результатів

У монокристалах кремнію, які вирощені за методом Чохральського, спостерігаються, як правило, декілька типів так званих ростових мікродефектів, а саме, преципітати кисню, дефекти упаковки, дислокаційні петлі впровадженого типу або вакансійні пори. Утворені при охолодженні кристала мікродефекти мають різні розподіли за розмірами в широких межах від нано- до мікрометрів. Ці розподіли еволюціонують під час будь-яких термічних обробок при підвищеній температурі шляхом взаємодії з точковими дефектами (міжвузельними атомами кисню та кремнію, а також вакансіями). Зокрема, трансформація мікродефектної структури кристалів кремнію може відбуватися внаслідок термічних навантажень на кристал, які виникають при його опроміненні високоенергетичними частинками.

В моделі мікродефектної структури монокристала, яка була використана при обробці виміряних мап оберненого простору, дифракційних профілів і КДВ, припускалось, що в кристалі наявні мікродефекти трьох типів, а саме, сферичні і дископодібні (з товщиною  $h_P$ ) преципітати з радіусом  $R_P$  і концентрацією  $n_{\rm P}$ , а також кругові дислокаційні петлі з радіусом  $R_{\rm L}$  і концентрацією  $n_{\rm L}$ . При аналізі виміряних дифракційих профілів і КДВ враховувався також внесок теплового ДР та вплив інструментальних факторів.

Результати рентгенівських високороздільних дифрактометричних вимірювань неопроміненого (еталонного) зразка кремнію № 1 та зразків кремнію, які були опроміненні високоенергетичними електронами (№ 1А і № 1Б), показано на рис. 1 – 3, а відповідні результати характеризації мікродефектної структури цих кристалів, які отримано шляхом обробки цих дифракційних картин, наведено в табл. 2.

Слід відмітити, що ключову роль в отриманні цих детальних кількісних характеристик мікродефектів належить виміряним КДВ, які дозволяють ефективно реалізувати компроміс між найвищою інформативністю мап оберненого простору і найвищою чутливістю інтегральних дифракційних методів. Можливість одночасного визначення характеристик мікродефектів кількох типів при обробці КДВ була реалізована завдяки значним зсувам меж між областями розсіяння Хуаня та Стокса-Вільсона для преципітатів кисню та дислокаційних петель з сильно відмінними ефективними радіусами. Крім того, істотним для досягнення однозначності діагностики було узгодження внесків когерентної та дифузних компонент в області повного відбиття, а також врахування наявності антисиметричної компоненти в інтенсивності ДР від преципітатів кисню та дислокаційних петель.

Аналіз отриманих результатів обробки КДВ для обох рефлексів (рис. 3 і табл. 2) показує, що під впливом теплового навантаження на кристал внаслідок опромінення різними дозами високоенергетичних електронів помітних змін в характеристиках преципітатів кисню не відбувається. В той же час, для дислокаційних петель спостерігаються відчутні зміни, а саме, майже на порядок збільшувється концентрація дислокаційних петель середніх розмірів (50 нм), хоча дрібні (1 нм) і крупні (15 мкм) петлі залишаються в початкових концентраціях. Крім того, згідно з результатами аналізу виміряних КДВ для рефлексу (111), які більш чутливі до структури тонкого приповерхневого шару з товщиною близько кількох мікрометрів, в цьому шарі після обох доз опромінення майже вдвоє виросла концентрація дрібних петель.

Ріст петель відбувається за рахунок агломерації надлишкових міжвузольних атомів кремнію, які виникли в якості радіаційних дефектів після опромінення кристала високоенергетичними частинками. При цьому згідно з результатами обробки КДВ дещо несподівано виявляється нелінійний характер залежності кількості агломерованих надлишкових

міжвузольних атомів кремнію в основному об'ємі кристала від дози опромінення, оскільки при подвоєнні дози вона виявилась вдвічі меншою. Це видиме протиріччя розв'язується з допомогою аналізу мап оберненого простору, які більш чутливі до розмірів дефектів порівнянно з КДВ.

Аналіз мап оберненого простору (рис. 1) і відповідних їм дифракційних профілів (рис. 2) показує, що насправді при більшій дозі опромінення відбувся подальший перерозподіл розмірів дислокаційних петель внаслідок якого середній розмір дислокаційнних петель, які мали радіус 50 нм зменшився приблизно до 25 нм при збільшенні їх концентрації приблизно в вісім разів. Такий перерозподіл характеристик дислокаційних петель знімає вказане вище протиріччя, оскільки в цьому випадку вклад дислокаційнних петель середніх розмірів в КДВ залишається приблизно таким самим, як і при попередніх характеристиках петель, але концентрація агломерованих надлишкових міжвузольних атомів кремнію в них ( $C_i^L \approx 2 \cdot 10^{19}$  см<sup>-3</sup>).

Це спостереження підтверджується поведінкою когерентних компонент відповідних КДВ, які фактично вимірюються на ТКД в режимі *ω-2θ* сканування (рис. 2). Ці дифракційні профілі показують наявність сильнішого поглинання внаслідок ДР і більшу асиметрію для зразка № 1Б у порівнянні зі зразком № 1А. Причиною таких відмінностей є якраз зміна характеристик петель і пов'язане з нею збільшення показника статичного фактора Дебая-Валера приблизно вдвоє.

На завершення слід відзначити, що проведене дослідження демонструє корисність і перспективність вивчення структурних змін у монокристалах кремнію після їх опромінення високоенергетичними електронами з допомогою методів високороздільної рентгенівської дифрактометрії, які грунтуються на результатах статистичної динамічної теорії дифракції рентгенівських променів у недосконалих кристалах. Отримана в таких дослідженнях кількісна інформація про взаємодію точкових дефектів і мікродефектів дозволить більш коректно аналізувати результати досліджень впливу опромінення високоенергетичними частками на дефектно-домішкову структуру монокристалів кремнію та інших напівпровідникових структур, які проводяться іншими, зокрема, спектроскопічними методами.

### 5. Резюме і висновки

Кількісну характеризацію складних мікродефектних структур у кристалах кремнію, вирощених за методом Чохральського і опромінених двома дозами високоенергетичних електронів (18 МеВ), було проведено методами високороздільної рентгенівської дифрактометрії, а саме, методом вимірювання мап оберненого простору для досліджуваних зразків з допомогою ТКД і відповідних дифракційних профілів в режимі *ω-2θ*сканування, а також КДВ, які вимірюються в режимі високороздільного ДКД (ш-сканування).

На основі результатів характеризації, що проводилась з використанням формул статистичної динамічної теорії дифракції рентгенівських променів у недосконалих кристалах з випадково розподіленими мікродефектами декількох типів, визначено вплив різних доз опромінення електронами на характеристки ростової мікродефектної структури кристала кремнію.

Встановлено, що під впливом теплового навантаження на кристал внаслідок опромінення різними дозами високоенергетичних електронів помітних змін в характеристиках преципітатів кисню не відбувається. Серед дислокаційних петель різних розмірів сильних змін в сторону збільшення зазнають тільки концентрації дислокаційнних петель середніх розмірів, що відбувається за рахунок агломерації надлишкових міжвузольних атомів кремнію, які виникли в якості радіаційних дефектів після опромінення кристала високоенергетичними частинками.

При збільшенні дози опромінення вдвоє виявлено перерозподіл дислокаційнних петель середніх розмірів в сторону зменшення радіусів майже в два раз при одночасному збільшенні їх концентрації майже на порядок. При цьому кількість агломерованих надлишкових міжвузольних атомів кремнію для подвоєної дози опромінення збільшується приблизно в два рази.

Проведене дослідження демонструє важливість вивчення структурних змін у монокристалах кремнію після їх опромінення високоенергетичними методів високороздільної електронами 3 допомогою рентгенівської дифрактометрії, які можуть дати додаткову корисну кількісну інформацію про взаємодію точкових дефектів і мікродефектів у цих кристалах. Отримане в таких дослідженнях знання дозволить більш коректно аналізувати результати лослілжень іншими методами впливу опромінення високоенергетичними частками дефектно-домішкову структуру на монокристалів кремнію та інших напівпровідникових структур.

## Література

- L. Fedina, A. Gutakovskii, A. Aseev, J. Van Landuyt, J. Vanhellemont. Extended Defects Formation in Si Crystals by Clustering of Intrinsic Point Defects Studied by in-situ Electron Irradiation in an HREM. – Phys. Stat. Sol. A. – 1999. – 171, No. 1. – P. 147–158.
- 2. *Yu. I. Golovin, A. A. Dmitrievski, I. A. Pushnin, N. Yu. Suchkova.* Reversible Changes in the Microhardness of Silicon Crystals under Electron Irradiation with Low Doses. Phys. Solid State. 2004. **46**, No. 10. P. 1851–1854.
- V. Neimash, M. Kras'ko, A. Kraitchinskii, V. Voytovych, V. Tishchenko, E. Simoen, J. M. Rafi, C. Claeys, J. Versluys, O. De Gryse, P. Clauws. DLTS Studies of high-temperature electron irradiated Cz n-Si. Phys. Stat. Sol. A. 2004. 201, No. 3. P. 509–516.
- J. Yamasaki, Y. Ohno, H. Kohno, N. Ozaki, S. Takeda. Novel amorphization process in silicon induced by electron irradiation. – J. Non-cryst. Solids. – 2002. – 299-302. – P. 793–797.
- 5. *S. Takeda, J. Yamasaki*. Amorphization in silicon by electron irradiation. Phys. Rev. Lett. 1999. **83**, No. 2. P. 320–323.
- S. Takeda, J. Yamasaki, Y. Kimura. Electron irradiation effects in Si observed at 4.2–25 K by means of in situ transmission electron microscopy. – Physica B. – 1999. – 273-274. – P. 476–479.
- 7. *Ю. И. Головин, А. А. Дмитриевский, Н. Ю. Сучкова.* Структура комплексов, ответственных за радиационно-стимулированное разупрочнение монокристаллов кремния. ФТТ. 2006. **48**, №2. С. 262–265.
- М.В. Бадылевич, И. В. Блохин, Ю. И. Головин, А. А. Дмитриевский, С. В. Карцев, Н. Ю. Сучкова, М. Ю. Толотаев. Немонотонные изменения концентрации радиационных дефектов донорного и акцепторного типов в кремнии, индуцируемые потоками β-частиц малой интенсивности. – ФТП. – 2006. – 40, № 12. – С. 1409–1411.
- 9. Б. Н. Мукашев, Х. А. Абдуллин, Ю. В. Горелкинский. Метастабильные и бистабильные дефекты в кремнии. Успехи физических наук. 2000. **170**, № 2. С.143–155.
- Л. И. Федина. О рекомбинации и взаимодействии точечных дефектов с поверхностью при кластеризации точечных дефектов в Si. – ФТП. – 2001.
   – 35, № 9. – С. 1120–1127.
- 11. M. Mikelsen, E. V. Monakhov, G. Alfieri, B. S. Avset, B. G. Svensson Kinetics of divacancy annealing and divacancy-oxygen formation in oxygen-enriched high-purity silicon. Phys. Rev. B. 2005. 72, No. 19. P. 195207[6].
- J. L. Lindström, T. Hallberg, D. Åberg, B. G. Svensson, L. I. Murinz, V. P. Markevich. Formation of oxygen dimers in silicon during electron-irmdiation abow 250 °C. Mater. Sci. Forum. 1997. 258–263. P. 367–372.
- M. Mikelsen, J. H. Bleka, J. S. Christensen, E. V. Monakhov, B. G. Svensson, J. Härkönen, B. S. Avset. Annealing of the divacancy-oxygen and vacancy-oxygen complexes in silicon. Phys. Rev. B. 2007. 75, No. 15. P. 155202[8].

- 14. S. M. Kanga, T. J. Eoma, S. J. Kima, H. W. Kima, J. Y. Chob, Lee Chongmu. Reverse recovery characteristics and defect distribution in an electron-irradiated silicon p-n junction diode. – Mater. Chem. Phys. – 2004. – 84. – P. 187–191.
- S. Kaschieva, V. Gueorguiev, E. Halova, S. N. Dmitriev, J. Višniakov, A. J. Marcinkevičius. Defect Formation in 18 MeV Electron Irradiated MOS Structures. – Bulg. J. Phys. – 2006. – 33. – P. 48–54.
- J. Višniakov, A. J. Marcinkevičius. Investigation of Silicon Defects Parameters in Electron Irradiated Diodes. – Electronics and Electrical Engineering. – Kaunas: Technology. – 2007. – No. 4(76). – P. 13–16.
- 17. A. Astakhov, F. Finger, R. Carius, A. Lambertz, I. Neklyudov, Yu. Petrusenko, V. Borysenko, D. Barankov. Paramagnetic centers in amorphous and microcrystalline silicon irradiated with 2 MeV electrons. Вопросы атомной науки и техники. 2007. № 2.40 Серия: Физика радиационных повреждений и радиационное материаловедение (90), С. 39–42.
- S. Borini, G. Amato, M. Rocchia, L. Boarino, A. M. Rossi. Electron-beam irradiation of porous silicon: Application to micromachining. J. Appl. Phys. 2003. 93. P. 4439–4442.
- N. Inoue, H. Ohyama, Y. Goto, T. Sugiyama. Quantitative analysis of complexes in electron irradiated CZ silicon. – Physica B. – 2007. – 401–402. – P. 477–482.
- 20. *W. Bronner, J. P. Kleider, R. Brüggemann, M. Mehring.* Defects and transport properties of electron-irradiated microcrystalline silicon with successive annealing. Thin Solid Films. 2003. **427**, No. 1-2. P. 51–55
- 21. A. Nakanishi, M. Suezawa, N. Fukata. Optical Absorption Study of Electronirradiated Czochralski-grown Silicon Doped with Hydrogen. – Jpn. J. Appl. Phys. – 2002. – **41**. – P. 3629–3636.
- L. Vines, E. V. Monakhov, A. Yu. Kuznetsov, R. Kozłowski, P. Kaminski, B. G. Svensson. Formation and origin of the dominating electron trap in irradiated p type silicon. Phys. Rev. B. 2008. 78, No. 8. 085205[7].
- 23. H. Cui, Y. Li, G. Chen, L. Cai, E. Zhao. Thermal Behavior of Electron Irradiation defects in CZ-Si. Mater. Sci. Forum. 2007. **561–565**. P. 1113–1116.
- M. Ghoranneviss, A. H. Sari, M. H. Hantehzadeh, H. Hora, F. Osman, K. R. Doolan, R. Höpfl, G. Benstetter. Subthreshold defect generation by intense electron beams in semiconductors for microelectronics. Proc. SPIE. 2005. 6035, P. 60351[7].
- 25. A. Y. Polyakov, N. B. Smirnov, A. V. Govorkov, I.-H. Lee, J. H. Baek, N. G. Kolin, V. M. Boiko, D. I. Merkurisov, S. J. Pearton. Electron Irradiation Effects in GaN/InGaN Multiple Quantum Well Structures. J. Electrochem. Soc. 2008. 155, H31.
- 26. F. Tuomisto, V. Ranki, D. C. Look, G. C. Farlow. Introduction and recovery of Ga and N sublattice defects in electron-irradiated GaN. – Phys. Rev. B – 2007. – 76, No. 16. – P. 165207[10].

- 27. *A. Khan, J. Gou, M. Imazumi, M. Yamaguchi*. Interaction of electron irradiation with nitrogen-related deep levels in InGaAsN. Appl. Phys. Lett. 2007. **91**, No. 4. P. 043503[3].
- 28. *K. Danno, D. Nakamura, T. Kimoto.* Investigation of carrier lifetime in 4H-SiC epilayers and lifetime control by electron irradiation. Appl. Phys. Lett. 2007. **90**, No. 20. P. 202109[3].
- 29. A. E. Kar'kin, V. V. Shchennikov, B. N. Goshchitski, S. E. Danilov, V. L. Arbuzov, V. A. Kul'bachinski. Effect of Electron Irradiation on the Galvanomagnetic Properties of In<sub>x</sub>Bi<sub>2-x</sub>Te<sub>3</sub> Semiconductor Single Crystals. Phys. Solid State 2003. 45, No. 12. P. 2249-2254.
- L. Ion, S. Antohe. Electron-irradiation effects on CdSe thin films investigated by thermally stimulated current method. – J. Appl. Phys. – 2005. – 97, No.1. – P. 013513[4].
- 31. E.-M. Pavelescu, A. Gheorghiu, M. Dumitrescu, A. Tukiainen, T. Jouhti, T. Hakkarainen. Electron-irradiation enhanced photoluminescence from GaInNAs/GaAs quantum wells subject to thermal annealing. Appl. Phys. Lett. 2004. 85, No. 25. P. 6158[3].
- S. J. Henley, D. Cherns. Cathodoluminescence studies of threading dislocations in InGaN/GaN as a function of electron irradiation dose. – J. Appl. Phys. – 2003. – 93, No. 7. – P. 3934[6].
- X. Du, M. Takeguchi, M. Tanaka, K. Furuya. Formation of crystalline Si nanodots in SiO<sub>2</sub> films by electron irradiation. Appl. Phys. Lett. 2003. 82, No. 7. P. 1108[3].
- 34. M. D'Amico, F. Messina, M. Cannas, M. Leone, R. Boscaino. Inhomogeneous width of oxygen-deficient centers induced by electron irradiation of silica. – Phys. Rev. B – 2009. – 79, No. 6. – P. 064203[8].
- 35. S. Kaschieva, K. G. Stefanov, D. Karpuzov. Electron irradiation of ionimplanted n-type Si-SiO2 structures studied by deep-level transient spectroscopy. – Appl. Phys. A – 1998. –66. – P. 561–563.
- 36. K. Karsten, P. Ehrhart. Frenkel pairs in low-temperature electron-irradiated InP: X-ray diffraction. Phys. Rev.B. 1995. **51**, No. 16. P. 10508–10519.
- A. Pillukat, K. Karsten, P. Ehrhart. Point defects and their reactions in e<sup>-</sup> irradiated GaAs investigated by X-ray diffraction methods. – Phys. Rev.B. – 1996. – 53, No. 12. – P. 7823–7835.
- V. V. Dovganyuk, I. M. Fodchuk, O. G. Gimchinsky, A. V. Oleinych-Lysyuk, A. I. Nizkova. Determination of dominant type of defects in Cz-Si single crystals after irradiation with high-energy electrons by a change in X-ray reflectivity. Semiconductor Physics, Quantum Electronics and Optoelectronics. 2006. 9, No. 2. P. 95–103.
- 39. *V.V. Dovganyuk, N.V.Litvinchuk V.V.Slobodjan, I.M.Fodchuk.* Defect structure changes in the single Si-crystals after irradiation by high-energy electrons and long natural aging by high-resolution three-crystal X-ray diffractometry// Proc. of SPIE. 2008. V. 7008, 7008 (1B1-1B7)
- 40. В. В. Довганюк, И. М. Фодчук, А. Г. Гимчинский, А. В. Олейнич-Лысюк, Е. Н. Кисловский, Т. П. Владимирова, Н. Д. Раранский, З. Свянтек. Особенности в

распределении микродефектов в монокристаллах Cz-Si после облучения высокоэнергетическими электронами по данным кривых дифракционного отражения рентгеновских лучей. – Металлофиз. и новейшие технол. – 2006. – **28**, № 10. – С. 1280–1295.

- 41. V. B. Molodkin, S. I. Olikhovskii, E. N. Kislovskii, E. G. Len', E. V. Pervak. Bragg Diffraction of X-Rays by Single Crystals with Large Microdefects. I. Generalized Dynamical Theory. – Phys. Stat. Sol. B. – 2001. – 227, No. 2. – P.429–447.
- 42. S. I. Olikhovskii, V. B. Molodkin, E. N. Kislovskii, E. G. Len', E. V. Pervak. Bragg Diffraction of X-Rays by Single Crystals with Large Microdefects. II. Dynamical Diffuse Scattering Amplitude and Intensity. – Phys.Stat. Sol. B. – 2002. – 231, No. 1. – P.199–212.
- 43. V. B. Molodkin, M. V. Kovalchuk, A. P. Shpak, S. I. Olikhovskii, Ye. M. Kyslovskyy, A. I. Nizkova, E. G. Len', T. P. Vladimirova, E. S. Skakunova, G. E. Ice, R. A. Barabash, I. M. Karnaukhov. Dynamical Bragg and diffuse scattering effects and implications for diffractometry in the 21<sup>st</sup> century. Diffuse scattering and the fundamental properties of materials. Editors: R. I. Barabash, G. E. Ice, and P. E.A. Turchi. Momentum Press, New Jersey, 2009. P.
- 44. С. Й. Оліховський, В. Б. Молодкін, Є. М. Кисловський, О. В. Решітник, Т. П. Владімірова, Є. Г. Лень, Дж. Е. Айс, Р. О. Барабаш, Р. Келер, Д. О. Григор'єв. Роль об'ємних дефектів і деформацій в приповерхневих шарах трьох монокристалів у формуванні профілів трикристальної рентгенівської дифрактометрії. – Металлофиз. – 2005. – 27, № 7. – С. 947– 970.
- 45. С. Й. Оліховський, В. Б. Молодкін, Є. М. Кисловський, О. В. Решетник, Т. П. Владімірова, Дж. Е. Айс, Р. О. Барабаш, Р. Келер, Д. О. Григор'єв. Аналітичний опис дифузних піків на профілях трикристальної рентгенівської дифрактометрії від монокристалів з мікро дефектами. – Металлофиз. – 2005. – 27, № 9. – С. 1223–1231.
- 46. Т. П. Владімірова, Р. Ф. Середенко, В. Б. Молодкін, С. Й. Оліховський, С. М. Кисловський. Модифікований динамічний модель високороздільної двокристальної рентгенівської дифрактометрії мікродефектів у монокристалах. – Металлофиз. новейшие технол. – 2007 – 29, № 6. – С. 711–726.
- 47. V. B. Molodkin, S. I. Olikhovskii, E. N. Kislovskii, T. P. Vladimirova, E. S. Skakunova, R. F. Seredenko, B. V. Sheludchenko. Dynamical theoretical model of the high-resolution double-crystal x-ray diffractometry of imperfect single crystals with microdefects. Phys. Rev. B. 2008. **78**, No. 22. P. 224109–224121.
- 48. В. Б. Молодкін, С. Й. Оліховський, Б. В. Шелудченко, Є. Г. Лень, М. Т. Когут. Анізотропна модель динамічної трикристальної Бреггдифрактометрії монокристалів з дефектами. Когерентна і дифузна складові динамічної картини розсіяння. – Металлофиз. новейшие технол. – 2008. – **30**, № 9. – С.1173–1188.

- V. B. Molodkin, S. I. Olikhovskii, E. G. Len, E. N. Kislovskii, V. P. Kladko, O. V. Reshetnyk, T. P. Vladimirova, B. V. Sheludchenko. Sensitivity of triplecrystal X-ray diffractometers to microdefects in silicon. – Phys. Stat. Sol. A. – 2009. – 206, No. 8.– P.1761–1765.
- 50. М.А. Кривоглаз. Дифракция рентгеновских лучей и нейтронов в неидеальных кристаллах. Киев: Наук. думка, 1983. 408 с.
- 51. В. Б. Молодкин, С. И. Олиховский, М. Е. Осиновский, В. В. Кочелаб, А. Ю. Казимиров, М. В. Ковальчук, Ф. Н. Чуковский. Применение в трехкристальной рентгеновской дифрактометрии динамической теории рассеяния кристаллами с однородно распределенными дефектами. Металлофиз. 1984 6, № 3. С. 7–15.

#### Таблиця 1

Характеристики досліджуваних кристалів кремнію.

Зразок №	Доза опромінення, кГрей	Товщина, мм		
1	-	4,271		
1A	1,8	4,263		
1Б	3,6	4,261		

#### Таблиця 2

Характеристики преципітатів кисню (середній радіус  $R_P$ , концентрація  $n_P$ ) і дислокаційних петель ( $R_L, n_L$ ), та концентрації атомів кисню і кремнію відповідно в преципітатах ( $C_0^P$ ) і дислокаційних петлях ( $C_i^L$ ).

Зразок	Рефлекс	Преципітати кисню					Дислокаційні петлі		
N⁰	hkl	Форма	$R_{\rm P}$ , нм	$h_{ m P}$	$n_{\rm P}, {\rm CM}^{-3}$	$C_{0}^{P}, cm^{-3}$	$R_{\rm L}$ , hm	$n_{\rm L},  {\rm CM}^{-3}$	$C_{i}^{L}, cm^{-3}$
1	111	сфера	1300	_	$4 \cdot 10^{6}$	$1,6.10^{18}$	1	$5,0.10^{16}$	$2,46 \cdot 10^{18}$
		диск	500	10,7	$9.10^{5}$	$3,5 \cdot 10^{14}$	50	$1,0.10^{12}$	$0,12 \cdot 10^{18}$
							15000	$1,7.10^{6}$	$0,02 \cdot 10^{18}$
						$\Sigma = 1,6 \cdot 10^{18}$			$\Sigma = 2,60.10^{18}$
	333	сфера	1300	-	$7 \cdot 10^5$		1	$2,0.10^{16}$	$0,99 \cdot 10^{18}$
		диск	500	10,7	$9.10^{5}$	$0,3 \cdot 10^{18}$	50	$1,0.10^{12}$	$0,12 \cdot 10^{18}$
						$3,5 \cdot 10^{14}$	15000	$1,7.10^{6}$	$0,02 \cdot 10^{18}$
						$\Sigma = 0, 3 \cdot 10^{18}$			$\Sigma = 1,13 \cdot 10^{18}$
1A	111	сфера	1300	_	$4 \cdot 10^{6}$	$1,6.10^{18}$	1	$9,0.10^{16}$	$4,43 \cdot 10^{18}$
		диск	500	10,7	$9.10^{5}$	$3,5 \cdot 10^{14}$	50	$1,9.10^{13}$	$2,34 \cdot 10^{18}$
						$\Sigma = 1, 6 \cdot 10^{18}$	15000	$1,7.10^{6}$	$0,02 \cdot 10^{18}$
									$\Sigma = 6,79 \cdot 10^{18}$
	333	сфера	1300	_	$7 \cdot 10^5$	$0,3 \cdot 10^{18}$	1	$2,0.10^{16}$	$0,99 \cdot 10^{18}$
		диск	500	10,7	$9.10^{5}$	$3,5 \cdot 10^{14}$	50	$8,0.10^{12}$	$0,99 \cdot 10^{18}$
							15000	$1,7.10^{6}$	$0,02 \cdot 10^{18}$
						$\Sigma = 0, 3 \cdot 10^{18}$			$\Sigma = 2,00.10^{18}$
1Б	111	сфера	1300	-	$4.10^{6}$	$1,6.10^{18}$	1	$9,0.10^{16}$	$4,43 \cdot 10^{18}$
		диск	500	10,7	$9.10^{5}$	$3,5 \cdot 10^{14}$	50	$7,5 \cdot 10^{12}$	$0,92 \cdot 10^{18}$
						$\Sigma = 1, 6 \cdot 10^{18}$	15000	$1,7.10^{6}$	$0,02 \cdot 10^{18}$
	222		1200		-				$\Sigma = 5,37 \cdot 10^{18}$
	333	сфера	1300	-	$7.10^{5}$	$0,3 \cdot 10^{18}$		$2,0.10^{16}$	$0,99 \cdot 10^{18}$
		диск	500	10,7	$9.10^{5}$	$3,5 \cdot 10^{14}$	50	$4,0.10^{12}$	$0,49 \cdot 10^{18}$
						$\Sigma = 0, 3 \cdot 10^{18}$	15000	$1,7.10^{6}$	$0,02 \cdot 10^{18}$
									$\Sigma = 1,50 \cdot 10^{18}$



**Рис. 1.** Експериментальні мапи оберненого простору для еталонного (№ 1) та опромінених електронами (№ 1А і 1В) кристалів кремнію, рефлекс (333), випромінювання CuK<sub>α1</sub>.



**Рис. 2.** Експериментальні дифракційні профілі ω-2θ сканування для еталонного (№ 1) та опромінених електронами (№ 1А і 1В) кристалів кремнію, рефлекс (333), випромінювання СиК<sub>α1</sub>. На вставці показано центральні частини профілів в області повного внутрішнього відбиття.



Рис.3. Експериментальні і розрахункові КДВ (відповідно маркери і товста суцільна лінія) еталонного (№ 1) та опромінених електронами (№ 1А і 1В) кристалів кремнію для рефлексів (111) і (333), випромінювання СиК<sub>а1</sub>. Тонка суцільна лінія описує вклад когерентного розсіяння, штрихові і пунктирні лінії — вклади ДР відповідно від дислокаційних петель різних розмірів (1, 2, 3) і дископодібних (4) та сферичних (5) преципітатів кисню (див. Табл. 2).